

# XXVI. DUE LETTERE A J. A. GRUNERT.

## I.

SOPRA UN TEOREMA DI GRUNERT \*).

**Archiv der Mathematik und Physik**, Theil XLII (1864), pag. 117.

Pour ce qui est du théorème fondamental, il est sans doute très remarquable, surtout si on le rapproche de celui que GAUSS a donné relativement à la mesure de la courbure et qui n'en devient que plus important et plus significatif. Je remarque que sa vérité peut être rendue presque évidente par la considération de l'indicatrice, qui, dans l'hypothèse  $T < 0$  \*\*), est une ellipse. Soit en effet  $p$  un des rayons de cette ellipse. Le rayon de courbure  $J$  de la section normale correspondante peut être désigné par  $p^2$ , et par suite on a, suivant vos notations,

$$= \frac{1}{2} dw \cdot J^2$$

Or  $p^2 dw$  est le double du secteur elliptique compris entre deux rayons infiniment

\*) La media aritmetica dei raggi di curvatura di tutte le sezioni normali di una superficie in un punto ellittico e la media geometrica fra il minimo e il massimo raggio di curvatura in quel punto. — Il teorema trovasi enunciato nell' «Archiv der Mathematik und Physik», Theil XLI (1864), pp. 292-293. tN. d. R.].

\*\*) Corrispondente a un punto ellittico. [N. d. R.].